

**ΕΛΑΠΑΡΤΙΦΙΜΑ Β**

**ΣΥΝΘΗΚΗ  
ΑΜΕΤΑΘΕΤΟΤΗΤΑΣ  
ΣΥΣΤΗΜΑΤΟΣ  
ΤΟΙΧΩΜΑΤΩΝ**



## B.1 ΑΣΥΜΜΕΤΡΟ ΣΥΣΤΗΜΑ

$$H \cdot \sqrt{N/K_I} \leq \begin{cases} (0.2 + 0.1 \cdot \eta) \cdot v_y, \eta \leq 3 \\ 0.6 \cdot v_y, \eta > 3 \end{cases} \dots\dots \text{Στρεπτοκαμπτικός λυγισμός κατά I-I}$$

$$H \cdot \sqrt{N/K_{II}} \leq \begin{cases} (0.2 + 0.1 \cdot \eta) \cdot v_x, \eta \leq 3 \\ 0.6 \cdot v_x, \eta > 3 \end{cases} \dots\dots \text{Στρεπτοκαμπτικός λυγισμός κατά II-II}$$

όπου: I, II είναι οι κύριοι άξονες ελαστικότητας τοιχωμάτων

## B.2 ΣΥΜΜΕΤΡΙΚΟ ΩΣ ΠΡΟΣ ΔΥΟ ΑΞΟΝΕΣ ΣΥΣΤΗΜΑ

$$I - I: \quad \text{Τίθεται } v_y = 1 \dots\dots \text{Μεταφορικός λυγισμός}$$

$$II - II: \quad \text{Τίθεται } v_x = 1 \dots\dots \text{Μεταφορικός λυγισμός}$$

$$III - III: \quad r_B H \sqrt{N/K_{III}} \leq \begin{cases} 0,2 + 0,1 \cdot \eta \\ 0,6 \cdot \eta \end{cases} \dots\dots \text{Στρεπτικός λυγισμός}$$

## B.3 ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ ΤΩΝ ΣΥΝΤΕΛΕΣΤΩΝ $v_x$ ΚΑΙ $v_y$ ΣΥΣΤΗΜΑΤΟΣ ΤΟΙΧΩΜΑΤΩΝ

Στη γενική περίπτωση τυχόντος συστήματος τοιχωμάτων τα διαδοχικά βήματα υπολογισμού είναι τα ακόλουθα:

### B.3.1 Μητρώο δυσκαμψίας

Κάθε κατακόρυφο στοιχείο (i) χαρακτηρίζεται από το κέντρο βάρους  $G_i$ , από το ελαστικό κέντρο  $K_i$  και από τους κύριους άξονες αδράνειας ( $\zeta_i, \eta_i$ ) της διατομής του. Οι ροπές αδράνειας ως προς τους άξονες αυτούς και η στρεβλωτική αδράνεια ως προς το σημείο  $K_i$  γράφονται αντίστοιχα  $I_{\zeta i}, I_{\eta i}$  και  $I_{\kappa i}$ . Στο τυχόν γενικό σύστημα αναφοράς  $O_{xyz}$  το μητρώο δυσκαμψίας του συστήματος γράφεται (Σχήμα. B.1):

$$\mathbf{K} = \begin{bmatrix} K_{xx} & K_{xy} & K_{xz} \\ K_{yx} & K_{yy} & K_{yz} \\ K_{zx} & K_{zy} & K_{zz} \end{bmatrix}$$



όπου:

$$K_{xx} = E \cdot \sum_i (I_{\eta i} \cdot \sigma v v^2 \alpha_i + I_{\xi i} \cdot \eta \mu^2 \alpha_i) = E \cdot \sum_i I_{yi}$$

$$K_{yy} = E \cdot \sum_i (I_{\eta i} \cdot \eta \mu^2 \alpha_i + I_{\xi i} \cdot \sigma v v^2 \alpha_i) = E \cdot \sum_i I_{xi}$$

$$K_{zz} = E \cdot \sum_i (I_{ki} + y_i^2 \cdot I_{yi} + x_i^2 \cdot I_{xi} - 2 \cdot x_i \cdot y_i \cdot I_{xyi})$$

$$K_{xy} = K_{yx} = E \cdot \sum_i (I_{\eta i} - I_{\xi i}) \cdot \eta \mu \alpha_i \cdot \sigma v v \alpha_i = E \cdot \sum_i I_{xyi}$$

$$K_{xz} = K_{zx} = E \cdot \sum_i (-y_i \cdot I_{yi} + x_i \cdot I_{xyi})$$

$$K_{yz} = K_{zy} = E \cdot \sum_i (-y_i \cdot I_{xyi} + x_i \cdot I_{xi})$$

$E$  = μέτρο ελαστικότητας σκυροδέματος.

### B.3.2 Ελαστικό κέντρο - Κύριοι άξονες

Οι συντεταγμένες του ελαστικού κέντρου  $K$  του συστήματος δίδονται από τις σχέσεις:

$$x_K = \frac{K_{xx} \cdot K_{zy} - K_{xy} \cdot K_{zx}}{K_{xx} \cdot K_{yy} - K_{xy}^2}, y_K = \frac{K_{yx} \cdot K_{zy} - K_{yy} \cdot K_{zx}}{K_{xx} \cdot K_{yy} - K_{xy}^2}$$

και ο προσανατολισμός των κύριων αξόνων ελαστικότητας (I, II) καθορίζεται από την γωνία  $\omega_K$  της σχέσης (Σχήμα B.1):

$$\epsilon \varphi 2 \omega_K = \frac{2 \cdot K_{xy}}{K_{xx} - K_{yy}}$$

Η οξεία γωνία  $\omega_K$  που προκύπτει από την παραπάνω σχέση (θετική ή αρνητική) καθορίζει την θέση του άξονα I αν  $K_{xx} > K_{yy}$  ή του άξονα II αν  $K_{xx} < K_{yy}$ . Στο σύστημα αναφοράς των κύριων αξόνων ελαστικότητας (I,II,III) θα έχουμε τις μεταφορικές δυσκαμψίες του συστήματος:

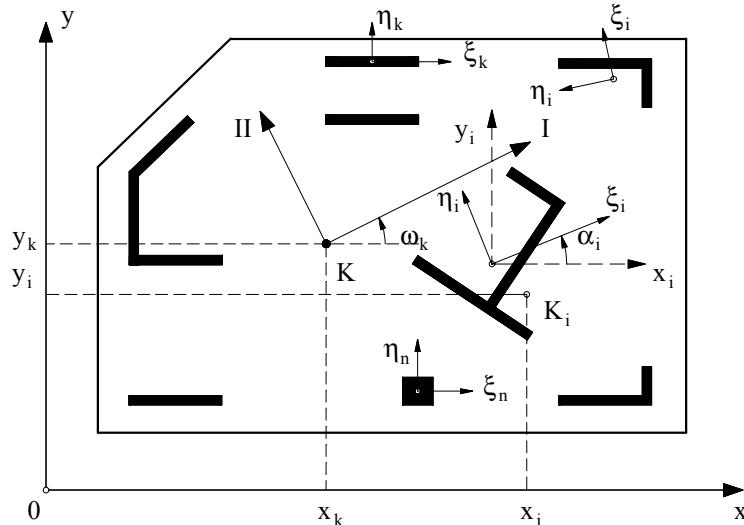


$$K_I = E \cdot J_{II} = \frac{K_{xx} + K_{yy}}{2} + \sqrt{\left(\frac{K_{xx} - K_{yy}}{2}\right)^2 + K_{xy}^2}$$

$$K_{II} = E \cdot J_I = \frac{K_{xx} + K_{yy}}{2} - \sqrt{\left(\frac{K_{xx} - K_{yy}}{2}\right)^2 + K_{xy}^2}$$

και την στρεβλωτική δυσκαμψία:

$$K_{III} = E \cdot J_K = K_{zz} - y_K^2 \cdot K_{xx} - x_K^2 \cdot K_{yy} + 2 \cdot x_K \cdot y_K \cdot K_{xy}$$



Σχήμα B.1: Σύστημα τοιχωμάτων

### B.3.3 Παράλληλη διάταξη στοιχείων

Στην ειδική περίπτωση κατακόρυφων στοιχείων με παράλληλη διάταξη των κύριων αξόνων αδράνειας ( $\xi_i, \eta_i$ ) θα έχουμε  $K_{xy} = K_{yx} = 0$  και:

$$\begin{aligned} K_{xx} &= E \cdot \sum_i I_{\eta i} , & K_{yz} = K_{zy} &= +E \cdot \sum_i (x_i \cdot I_{\xi i}) \\ K_{yy} &= E \cdot \sum_i I_{\xi i} , & K_{zz} &= E \cdot \sum_i (I_{\kappa i} + y_i^2 \cdot I_{\eta i} + x_i^2 \cdot I_{\xi i}) \\ K_{xz} = K_{zx} &= -E \cdot \sum_i (y_i \cdot I_{\eta i}) \end{aligned}$$



Οι κύριοι άξονες (I, II) θα έχουν τον ίδιο προσανατολισμό με τους άξονες ( $\xi_i, \eta_i$ ) και οι συντεταγμένες του ελαστικού κέντρου K θα είναι:

$$x_K = \frac{K_{yz}}{K_{yy}}, \quad y_K = -\frac{K_{zx}}{K_{xx}}$$

Οι κύριες δυσκαμψίες του συστήματος δίδονται από τις σχέσεις:

$$K_I = E \cdot J_{II} = K_{xx}$$

$$K_{II} = E \cdot J_I = K_{yy}$$

$$K_{III} = E \cdot J_K = K_{zz} - y_K^2 \cdot K_{xx} - x_K^2 \cdot K_{yy}$$

#### B.3.4 Τιμές των συντελεστών $v_x$ και $v_y$

Θεωρούμε το σύστημα αναφοράς  $B_{xyz}$  με αρχή B το κέντρο των αξονικών δυνάμεων  $N_i$  όλων των κατακόρυφων στοιχείων στη βάση τους και άξονες (x, y) παράλληλους προς τους κύριους άξονες ελαστικότητας (I, II) (Σχήμα B.2). Αν είναι  $e_x$  και  $e_y$  οι εκκεντρότητες του ελαστικού κέντρου K ως προς το παραπάνω σύστημα αναφοράς, οι αδιάστατοι συντελεστές  $v_x$  και  $v_y$  υπολογίζονται από τις σχέσεις:

$$v_x^2 = \frac{1 + \lambda_x^2}{2} - \sqrt{\left(\frac{1 - \lambda_x^2}{2}\right)^2 + \varepsilon_x^2}$$

$$v_y^2 = \frac{1 + \lambda_y^2}{2} - \sqrt{\left(\frac{1 - \lambda_y^2}{2}\right)^2 + \varepsilon_y^2}$$

όπου:

$$\lambda_x^2 = \frac{1}{r_b^2} \cdot \left( K_{III}/K_{II} + e_x^2 \right)$$

$$\lambda_y^2 = \frac{1}{r_b^2} \cdot \left( K_{III}/K_I + e_y^2 \right)$$

$$\varepsilon_x = e_x / r_b$$



$$\varepsilon_y = e_y / r_b$$

$$r_b = \sqrt{\frac{1}{N} \cdot \sum_i r_i^2 \cdot N_i}$$

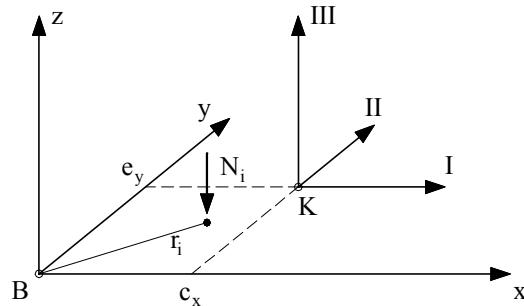
ακτίνα εκτροπής και  $r_i$  οι αποστάσεις των αξονικών

$$\text{δυνάμεων } N_i \text{ από το κέντρο } B, (N = \sum_i N_i).$$

Για  $\lambda_x \leq 1$  ή  $\lambda_y \leq 1$  η θεμελιώδης ιδιομορφή λυγισμού του συστήματος θα έχει

δεσπόζοντα στρεπτικό χαρακτήρα, ενώ για  $\lambda_x > 1$  και  $\lambda_y > 1$  θα έχει δεσπόζοντα μεταφορικό χαρακτήρα (στρεπτοκαμπτικός λυγισμός).

Τέλος, για  $e = 0$  θα έχουμε  $v^2 = \lambda^2$  αν  $\lambda^2 < 1$  ή  $v^2 = 1$  αν  $\lambda^2 > 1$ .



Σχήμα B.2: Κεντροβαρικό σύστημα αναφοράς

